

16. Декартово уравнение на права в равнината

Нека сме фиксирали афинна координатана система $K = Oxy$. Нека l е права с общо уравнение $l : Ax + By + C = 0$, която не е успоредна на ординатната ос Oy . Тогава $B \neq 0$, тъй като при $B = 0$, l е успоредна на Oy . Следователно $Ax + By + C = 0$ е еквивалентно на

$$y = -\frac{A}{B}x - \frac{C}{B}. \quad (1)$$

Означаваме с $k = -\frac{A}{B}$ и $m = \frac{C}{B}$, т.e.

$$l : y = kx + m. \quad (2)$$

Уравнение (2) се нарича декартово уравнение на правата l спрямо K . Коефициента k пред x се нарича ъглов коефициент на l .

Нека сега вземем ненулев вектор $\nu(a, b)$ успореден на правата l . Общото уравнение на l е

$$l : -kx + y - m = 0, \quad (3)$$

$\nu \parallel l$, следователно

$$\begin{aligned} -ka + b &= 0, \\ b &= ka. \end{aligned}$$

Тъй като ν е ненулев, то $a \neq 0$ и следователно $k = \frac{b}{a}$.

Нека сега координатната система да е ортогонална. Нека \vec{r}' е лъчът върху l сочещ към горната полуравнина и нека означим с $\alpha = \angle(O\vec{x}, \vec{r}')$ (ако l съвпада с Ox , тогава $\alpha = 0$).

Имаме, че вектора $u(1, k)$ е колинеарен на l , също така и вектора $-u(-1, -k)$.

Ако $k > 0$, то тогава $u \uparrow \uparrow \vec{r}'$ и $\operatorname{tg}\alpha = k$. Ако $k < 0$, тогава $-u \uparrow \uparrow \vec{r}'$ и отново $\operatorname{tg}\alpha = k$.